

# SI-möte #11, Programkonstruktion och Datastrukturer

Elias Castegren & Kristiina Ausmees

elca7381@student.uu.se || krau6498@student.uu.se

9 februari 2012

## Begrepp

- i)* Hur fungerar referenser i ML? Vad är skillnaden mellan en referens och en bindning?
- ii)* Vad menas med imperativ programmering och hur skiljer det sig från funktionell programmering?

## Övningar

1.

Betrakta följande ML-kod:

```
val a = 42;  
val b = ref 42;  
val c = a;  
val d = b;  
val f1 = (fn x => x + a);  
val f2 = (fn x => x + !b);  
f1 2;    →  
f2 2;    →  
val a = 13;  
b := 99;  
d := 23;  
f1 c;    →  
f2 (!d); →
```

Vilket värde beräknas vid de markerade raderna? Vad har a, b, c och d för värden i slutet?

## Fler begrepp

- i) Vad är en *hashtabell*? Vad gör en hashfunktion? Vad är hashfunktionens definitions- och värdemängd?
- ii) Hur definieras en hashtabells *loadfaktor*? Vad innebär *rehashing*? Vad är tidskomplexiteten för rehashing?
- iii) Vad innebär *chaining* när man pratar om hashtabeller?
- iv) Vad är *öppen adressering (open addressing)*? Hur fungerar *linjär* och *kvadratisk probing*?
- v) Hur många element kan man lagra i en hashtabell med  $m$  platser om man använder chaining respektive open addressing? Vilka värden kan loadfaktorn anta med de olika teknikerna?

### 2.

Antag att du har en hashtabell med 10 celler som använder chaining. Tabellens hashfunktion är

$$h(k) = k \bmod m$$

där  $m$  är antalet celler i hashtabellen. Sätt in följande element:

113, 19, 155, 16, 129, 43, 99, 26, 125, 73

Ta sedan bort elementen

19, 26, 129, 73

Vad händer om man försöker leta upp elementet 33? När vet man att man kan sluta leta?

### 3.

Sätt in och ta bort samma element som i uppgift 1, fast i två hashtabeller som använder öppen adressering med linjär respektive kvadratisk probing (utan rehashing) istället för chaining. Använd samma hashfunktion som ovan. För den kvadratiske probingen kan du använda probfunktionen  $f(i) = i^2$ . Räkna det totala antalet prober som behövs när man sätter in och tar bort elementen från de olika tabellerna.

### 4.

Funktionen `killDuplicates(l)` tar bort alla dubletter ur en lista  $l$ . Den kan implementeras genom att man för varje element  $e$  söker igenom resten av listan och tar bort alla förekomster av  $e$ . Algoritmen har då den genomsnittliga tidskomplexiteten  $\Theta(|l|^2)$ .

Använd hashtabeller för att skriva en version av `killDuplicates` som genomsnittligt har linjär tidskomplexitet! Här är en påminnelse om Poly/MLs hashbibliotek:

- `HashSet.hash(i)` - En ny hashtabell med  $i$  celler
- `HashSet.sub(h, s)` - SOME värdet med nyckeln  $s$  i  $h$  om det finns, annars NONE
- `HashSet.update(h, s, v)` - Uppdaterar  $h$  så att cellen med nyckeln  $s$  innehåller  $v$

---

*Lycka till!*